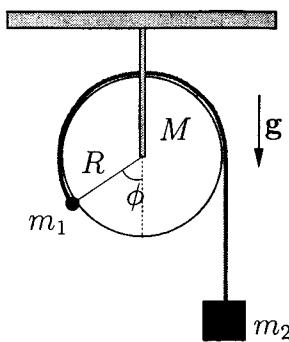


## 대학원 후기모집 심충면접용 필답고사 문제지

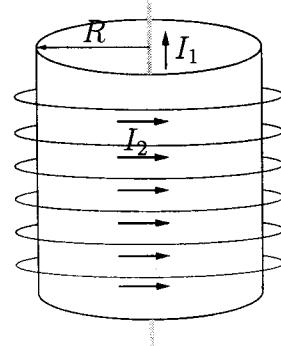
2005.05.20. 시행

1. 아래 그림과 같이 벽에 매달려 있는 질량  $M$ 이고 반지름이  $R$ 인 도르래의 둘레에 질량  $m_1$ 인 쇠 덩어리가 붙어 있다. 이 쇠로부터 연결된 끈은 도르래를 따라 감겨져 있고 그 끝에  $m_2$ 인 물체가 매달려 있다. 도르래의 회전축에서 쇠의 위치를 연결하는 선과 수직 축 사이의 각을  $\phi$ 로 표시한다.



- (a) 이 도르래가 평형을 이루는 각  $\phi_0$ 를 구하라
- (b) 이 계의 Lagrangian을  $\phi$ 의 함수로 구하라
- (c) 평형 위치로부터  $m_2$ 의 물체를 약간 잡아 당겼다 놓으면 도르래는 미소진동 (small oscillation)의 단조화운동(simple harmonic motion)을 하게 됨을 보이고, 단조화 운동의 각속도를 구하라.

2. 다음 그림과 같이 반경  $R$ 인 솔레노이드와 그 중심축에 도선이 놓여 있다. 중심축에 있는 도선에는 전류  $I_1$ 이 화살표 방향으로 흐르고 있고 솔레노이드는 단위 길이당  $N$ 번 전선이 감겨 있으며 전류  $I_2$ 가 역시 그림에 표시된 화살표 방향으로 흐르고 있다.



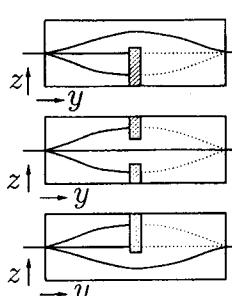
- (a) 중심축의 도선에만 전류가 흐르고 있을 때 ( $I_1 \neq 0, I_2 = 0$ ), 솔레노이드 내부 ( $r < R$ )에서의 자기장의 방향과 크기를 구하라.
- (b) 반대로 솔레노이드에만 전류가 흐르고 있을 때 ( $I_1 = 0, I_2 \neq 0$ ), 솔레노이드 내부에서의 자기장의 방향과 크기를 구하라.
- (c) 중심축의 도선 및 솔레노이드에 동시에 전류가 흐르고 있을 때 ( $I_1 \neq 0, I_2 \neq 0$ ), 솔레노이드 내부에서의 자기장을 구하라.
- (d) 솔레노이드 내부에서 한개의 전자가 어느 순간에 중심축과 수직인 면에서  $r = a$ 로 주어지는 원의 접선방향으로 속도  $v$  ( $I_2$ 와 같은 방향)를 갖는다고 할 때 이 때 받는 힘은?

수험번호		성명		감독교수 확인인	(인)
------	--	----	--	-------------	-----

## 대학원 후기모집 심층면접용 필답고사 문제지

2005.05.20. 시행

3. 1922년에 Stern과 Gerlach은  $z$ 방향으로 변화하는 자기장을 이용하여 은(Ag)원자의 자기모멘트를 측정하였다. 이 실험의 원리에 바탕을 둔 스핀 분석기를 생각하여 보자. 스핀양자수가 1 ( $S = 1$ )인 원자에 대하여 3가지의 서로 다른 필터를 생각할 수 있다.



오른쪽의 그림은 자  
기장이  $z$ 방향 (그  
림의 화살표) 으로  
주어진 세가지 필  
터를 보여주고 있  
다. (여기서 원자빔  
 $Z_{-1}$ 의 진행방향을  $y$ 방  
향으로 정의한다.)

예를들면  $Z_{+1}$ 은  $S = 1$   $S_z = +1$ 인 원자만을  
통과시킨다. (같은 원리로 필터의 방향을 돌  
려서  $X$ 방향의 필터도 생각해 볼 수 있다.)

실험실에서 오븐에서 가열되어 나오는 원자  
빔을  $Z_{+1}$  필터를 통과시켜 원자빔을 만든후  
이 빔을 다시  $X$ 방향의 필터로 통과시키는  
경우를 생각해보자.

- (a) 이 문제를 풀기위하여 먼저  $S = 1$ ,  $S_x = 0, +1$ 로 주어지는 상태들을  $|S = 1, S_z\rangle$  (여기서  $S_z = \pm 1, 0$ )의 선형결합으로 표시하여 보아라.
- (b) 이렇게 만들어진 원자빔이  $X_0$  필터를  
통과할 확률과  $X_{+1}$  필터를 통과할 확  
률을 구하라.

힌트 다음의 관계식을 이용할 수 있다.

$$\hat{J}_x = \frac{1}{2}(\hat{J}_+ + \hat{J}_-)$$

$$\hat{J}_{\pm}|j, j_z\rangle = \hbar[(j \mp j_z)(j \pm j_z + 1)]^{1/2}|j, j_z \pm 1\rangle$$